

Examenul de bacalaureat național 2014

Proba E. c) – 2 iulie 2014

Matematică *M_mate-info*

Barem de evaluare și de notare

Varianta 1

Filiera teoretică, profilul real, specializarea matematică-informatică

Filiera vocațională, profilul militar, specializarea matematică-informatică

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

| | | |
|-----------|---|-------------------------------------|
| 1. | $a_3 = 18$ $a_1 + a_2 + a_3 = 36$ | 2p 3p |
| 2. | $x_V = -1$ $y_V = 3$ | 2p 3p |
| 3. | $3^x = 1$ sau $3^x = 3$ $x = 0$ sau $x = 1$ | 2p 3p |
| 4. | Sunt 18 numere de două cifre care conțin cifra 1, deci sunt 18 cazuri favorabile Sunt 90 de numere de două cifre, deci sunt 90 de cazuri posibile $p = \frac{\text{nr. cazuri favorabile}}{\text{nr. cazuri posibile}} = \frac{18}{90} = \frac{1}{5}$ | 2p 1p 2p |
| 5. | $\overline{AB} + \overline{BC} = \overline{AC}$ $\triangle ABC$ echilateral $\Rightarrow AC = 2$ | 2p 3p |
| 6. | $\triangle ABC$ dreptunghic isoscel $\Rightarrow AB = 4$ $A_{\triangle ABC} = \frac{4 \cdot 4}{2} = 8$ | 2p 3p |

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

| | | |
|-------------|--|------------------------|
| 1.a) | $\det(A(0)) = \begin{vmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 2 \\ 0 & 0 & 2 \end{vmatrix} =$ $= 8 + 0 + 0 - 0 - 0 - 0 = 8$ | 2p 3p |
| b) | $\det(A(a)) = \begin{vmatrix} 2 & a & a \\ a & 2 & 2 \\ a & a & 2 \end{vmatrix} = (a-2)^2(a+2)$ $(a-2)^2(a+2) = 0 \Leftrightarrow a = -2 \text{ sau } a = 2$ | 3p 2p |
| c) | $\begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 2 \\ 1 & 1 & 2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 \\ 5 \\ 4 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{cases} 2x + y + z = 4 \\ x + 2y + 2z = 5 \\ x + y + 2z = 4 \end{cases}$ $X = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$ | 2p 3p |
| 2.a) | $f(1) = 1^3 - 2 \cdot 1^2 + 3 \cdot 1 + m =$ $= m + 2$ | 2p 3p |
| b) | $x_1 + x_2 + x_3 = 2, \quad x_1x_2 + x_1x_3 + x_2x_3 = 3$ $x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 = (x_1 + x_2 + x_3)^2 - 2(x_1x_2 + x_1x_3 + x_2x_3) = 2^2 - 2 \cdot 3 = -2$ | 2p 3p |

| | | |
|----|--|----|
| c) | $(x_1^3 + x_2^3 + x_3^3) - 2(x_1^2 + x_2^2 + x_3^2) + 3(x_1 + x_2 + x_3) + 3m = 0$ | 2p |
| | $x_1^3 + x_2^3 + x_3^3 = -3m - 10 \Rightarrow m = -6$ | 3p |

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

| | | |
|------|---|----|
| 1.a) | $f'(x) = \frac{(\ln x)' \cdot x - \ln x \cdot x'}{x^2} =$ | 2p |
| | $= \frac{\frac{1}{x} \cdot x - \ln x}{x^2} = \frac{1 - \ln x}{x^2}, x \in (0, +\infty)$ | 3p |
| b) | $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{x} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{x} = 0$ | 3p |
| | Dreapta de ecuație $y = 0$ este asimptotă orizontală spre $+\infty$ la graficul funcției f | 2p |
| c) | $f'(e) = 0, f'(x) > 0$ pentru orice $x \in (0, e)$ și $f'(x) < 0$ pentru orice $x \in (e, +\infty)$ | 3p |
| | $f(x) \leq f(e) \Rightarrow f(x) \leq \frac{1}{e}$ pentru orice $x \in (0, +\infty)$ | 2p |
| 2.a) | $\int_0^1 f(x) dx = \int_0^1 (x^2 + x + 1) dx = \left(\frac{x^3}{3} + \frac{x^2}{2} + x \right) \Big _0^1 =$ | 3p |
| | $= \frac{1}{3} + \frac{1}{2} + 1 = \frac{11}{6}$ | 2p |
| b) | $I_{n+1} - I_n = \int_0^1 \frac{x^n(x-1)}{x^2+x+1} dx$ pentru orice număr natural nenul n | 2p |
| | Pentru orice $n \in \mathbb{N}^*$ și $x \in [0, 1]$ avem $x^n \geq 0, x - 1 \leq 0$ și $x^2 + x + 1 > 0 \Rightarrow I_{n+1} \leq I_n$ | 3p |
| c) | $\int_0^a \frac{2x+1}{f(x)} dx = \int_0^a \frac{2x+1}{x^2+x+1} dx = \left(\ln(x^2+x+1) \right) \Big _0^a = \ln(a^2+a+1)$ | 3p |
| | $\ln(a^2+a+1) = \ln 3 \Leftrightarrow a^2+a+1=3$ care are soluția pozitivă $a=1$ | 2p |